

# Пифагоровы нечеткие числа и нечеткий анализ загрузки многоядерного процессора

Т. Г. Черноусова

Московский государственный технический университет им. Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)

E-mail chtg@bmsu.ru

**Аннотация.** Теория нечетких множеств, предложенная Л. Заде, получила свое дальнейшее развитие в теориях интуиционистских и пифагоровых нечетких множеств, позволивших вести перспективные прикладные исследования в ряде областей, в частности, исследования многоядерных процессоров. Анализируя ключевые понятия интуиционистских и пифагоровых нечетких множеств, показаны их принципиальные отличия между собой. На базе пифагоровых нечетких чисел предложен алгоритм нечеткого анализа загрузки ядер процессора, архитектурное решение которого выполнено по технологии Intel big. LITTLE.

**Ключевые слова:** пифагоровы нечеткие числа; функция оценки; функция точности; алгоритм нечеткого анализа загрузки многоядерного процессора

## I. ВВЕДЕНИЕ

Теория нечетких множеств (НМ) американского математика Л. Заде [1] послужила основой для развития теории интуиционистских нечетких множеств (ИНМ) (Intuitionistic Fuzzy Set (IFS)). Первая работа по ИНМ опубликована К. Атанасовым в 1983 году [2]. До появления его работы элементы нечеткого множества (НМ) (fussy set (FS)) рассматривались как элементы, характеризующиеся только степенью принадлежности  $\mu$ , а степень непринадлежности  $\nu$  находилась как разность между единицей и степенью принадлежности  $\mu$ . В интуиционистской модели, предложенной К. Атанасовым, любой элемент НМ характеризуется не только степенью принадлежности  $\mu$  его к данному множеству, но и степенью непринадлежности  $\nu$ , которые отчасти не зависят друг от друга. Однако по свойству ИНМ сумма степеней принадлежности  $\mu$  и непринадлежности  $\nu$  любого его элемента не может быть больше единицы:  $0 \leq \mu + \nu \leq 1$ . Для преодоления ограничений, имеющих в теории ИНМ, разработана теория пифагоровых нечетких множеств (ПНМ) (Pythagorean Fuzzy Set (PFS)), которая впервые изложена Р. Ягером [3] и основана на теории пифагоровых чисел. Согласно Р. Ягеру для любого элемента ПНМ его степени принадлежности  $\mu$  и непринадлежности  $\nu$  этому множеству связаны между собой неравенством:  $0 \leq \mu^2 + \nu^2 \leq 1$ .

В статье представлен алгоритм нечеткого анализа загрузки многоядерного процессора, архитектурное решение которого построено согласно технологии Intel big. LITTLE. Оценка загрузки процессора

осуществляется с помощью пифагоровых нечетких чисел (ПНЧ) (Pythagorean fuzzy number (PFN)) [4]. Сравнение нечеткой загрузки высокопроизводительных Р-ядер и энергоэффективных Е-ядер процессора поможет существенно снизить временные затраты и энергопотребление на системном уровне при планировании исполнения ряда сложных приложений [5–9].

## II. ХАРАКТЕРИСТИКА ИНМ И ПНМ

**Определение НМ.** НМ  $A_1$  есть набор упорядоченных пар на универсуме  $X$ :

$$A_1 = \{(u, \mu_{A_1}(u)) | u \in X\}, \quad (1)$$

где функция принадлежности  $\mu_{A_1}(u)$  элемента  $u$  множеству  $A_1$  такая, что

$$\mu_{A_1} : X \rightarrow [0, 1]. \quad (2)$$

Функция принадлежности  $\mu_{A_1}(u)$  устанавливает степень или меру принадлежности элемента  $u$  НМ  $A_1$  [1, 2]. Из (2) следует, что  $\mu_{A_1}(u)$  принимает значения на отрезке  $[0, 1]$ . Заметим, если  $\mu_{A_1}(u) = 0$  или  $\mu_{A_1}(u) = 1$ , то  $\mu_{A_1} : X \rightarrow \{0, 1\}$ . Это значит, что  $\mu_{A_1}(u)$  принимает значения на множестве  $\{0, 1\}$ . Тогда НМ  $A_1$  (1) преобразуется в традиционное четкое множество.

**Определение ИНМ.** ИНМ  $B$  есть набор упорядоченных троек на универсуме  $X$ :

$$B = \{(u, \mu_B(u), \nu_B(u)) | u \in X\}, \quad (3)$$

где функция принадлежности  $\mu_B(u)$  элемента  $u$  множеству  $B$  такая, что  $\mu_B : X \rightarrow [0, 1]$ , а функция непринадлежности  $\nu_B(u)$  элемента  $u$  множеству  $B$  такая, что  $\nu_B : X \rightarrow [0, 1]$ . Из данного определения следует, что  $\mu_B(u)$  и  $\nu_B(u)$  принимают значения на отрезке  $[0, 1]$ , причем для любого  $u \in X$  имеет место быть неравенство [13–15]:

$$0 \leq \mu_B(u) + \nu_B(u) \leq 1. \quad (4)$$

Укажем, что  $\mu_B(u)$  устанавливает степень или меру принадлежности множеству  $B$ , а  $\nu_B(u)$  устанавливает степень или меру непринадлежности множеству  $B$ . Тогда степень нерешительности (hesitation degree) ИНМ  $B$  или интуиционистский нечеткий индекс  $\eta_B$  ИНМ  $B$  определяется следующим образом:

$$\eta_B = 1 - (\mu_B(u) + \nu_B(u)), \quad (5)$$

При этом  $\eta_B : X \rightarrow [0, 1]$ . Если  $\mu_B(u) + \nu_B(u) = 1$ , то согласно (5)  $\eta_B = 0$ . Это значит, что ИНМ  $B$  становится НМ. Исходя из этого, можно заключить, что НМ есть частный случай ИНМ.

**Определение ПНМ.** ПНМ есть набор упорядоченных троек на универсуме  $X$ :

$$A = \{(u, \mu_A(u), \nu_A(u)) | u \in X\}, \quad (6)$$

где функция принадлежности  $\mu_A : X \rightarrow [0, 1]$  и функция непринадлежности  $\nu_A : X \rightarrow [0, 1]$  для всех  $u \in X$  связаны между собой неравенством:

$$0 \leq \mu_A^2(u) + \nu_A^2(u) \leq 1. \quad (7)$$

Обозначим степень нерешительности ПНМ  $A$  или пифагоров нечеткий индекс (Pythagorean fuzzy index (PFI)) ПНМ  $A$  через  $\pi_A$ . Тогда согласно (5), (7) пифагоров нечеткий индекс (ПНИ)  $\pi_A$  для  $\forall u \in X$  находится следующим образом:

$$\pi_A = \sqrt{1 - \mu_A^2(u) - \nu_A^2(u)}, \quad (8)$$

при этом  $\pi_A : X \rightarrow [0, 1]$ . Из (8) следует, что  $\pi_A^2 + \mu_A^2(u) + \nu_A^2(u) = 1$ . Если в этом равенстве  $\pi_A = 0$ , тогда  $\mu_A^2(u) + \nu_A^2(u) = 1$ . В табл. 1 показана сравнительная характеристика между ИНМ  $B$  (2) и ПНМ  $A$  (5).

**Определение ПНЧ.** Если задано ПНМ  $A$  (6), в котором функции принадлежности  $\mu_A$  и непринадлежности  $\nu_A$  удовлетворяют (7), а ПНИ  $\pi_A$  удовлетворяет (8), тогда говорят, что пара  $(\mu_A, \nu_A)$  есть ПНЧ. Обозначим эту пару через  $\alpha$ :

$$\alpha = (\mu_A, \nu_A). \quad (9)$$

ПНЧ (9) характеризуется функцией оценки (score function)  $S(\alpha)$ , а также функцией точности (accuracy function)  $H(\alpha)$  [3, 4]:

$$S(\alpha) = 0,5(1 + \mu_A^2 - \nu_A^2), \quad (10)$$

$$H(\alpha) = \mu_A^2 + \nu_A^2. \quad (11)$$

ТАБЛИЦА 1. СРАВНЕНИЕ ИНМ  $B$  И ПНМ  $A$

ИНМ $B$	ПНМ $A$
1	2
$0 \leq \mu_B(u) + \nu_B(u) \leq 1$	$0 \leq \mu_A^2(u) + \nu_A^2(u) \leq 1$
$\eta_B = 1 - (\mu_B(u) + \nu_B(u))$	$\pi_A = \sqrt{1 - \mu_A^2(u) - \nu_A^2(u)}$
$\eta_B + \mu_B(u) + \nu_B(u) = 1$	$\pi_A^2 + \mu_A^2(u) + \nu_A^2(u) = 1$

Пусть заданы ПНЧ  $\alpha_1 = (\mu_{A1}, \nu_{A1})$ ,  $\alpha_2 = (\mu_{A2}, \nu_{A2})$ . Согласно (10), (11) ПНЧ  $\alpha_1$  описывается  $S(\alpha_1)$  и  $H(\alpha_1)$ :

$$S(\alpha_1) = 0,5(1 + \mu_{A1}^2 - \nu_{A1}^2), \quad (12)$$

$$H(\alpha_1) = \mu_{A1}^2 + \nu_{A1}^2. \quad (13)$$

Наряду с этим ПНЧ  $\alpha_2$  определяется  $S(\alpha_2)$  и  $H(\alpha_2)$ :

$$S(\alpha_2) = 0,5(1 + \mu_{A2}^2 - \nu_{A2}^2), \quad (14)$$

$$H(\alpha_2) = \mu_{A2}^2 + \nu_{A2}^2. \quad (15)$$

Выполним сравнение ПНЧ  $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$  по функциям  $\mu_{A1}$  и  $\mu_{A2}$ , а также  $\nu_{A1}$  и  $\nu_{A2}$  [4]:

$$\text{если } \mu_{A1} \geq \mu_{A2} \ \& \ \nu_{A1} \leq \nu_{A2}, \text{ то } \alpha_1 \geq \alpha_2. \quad (16)$$

Проведем сравнение ПНЧ  $\alpha_1$  и  $\alpha_2$  по функциям  $S(\alpha_1)$  (12),  $S(\alpha_2)$  (14) [4]:

$$\text{Если } S(\alpha_1) > S(\alpha_2), \text{ то } \alpha_1 > \alpha_2; \quad (17)$$

$$\text{если } S(\alpha_1) < S(\alpha_2), \text{ то } \alpha_1 < \alpha_2. \quad (18)$$

В случае, когда  $S(\alpha_1) = S(\alpha_2)$ , тогда производится сравнение функций  $H(\alpha_1)$  (13) и  $H(\alpha_2)$  (15) [4]:

$$\text{если } H(\alpha_1) > H(\alpha_2), \text{ то } \alpha_1 > \alpha_2; \quad (19)$$

$$\text{если } H(\alpha_1) < H(\alpha_2), \text{ то } \alpha_1 < \alpha_2; \quad (20)$$

$$\text{если } H(\alpha_1) = H(\alpha_2), \text{ то } \alpha_1 = \alpha_2. \quad (21)$$

Учитывая (13) и (15), пифагоровы нечеткие индексы  $\pi_{A1}, \pi_{A2}$  ПНЧ  $\alpha_1$  и  $\alpha_2$  находятся из равенств:

$$H(\alpha_1) + \pi_{A1}^2 = 1; \quad (22)$$

$$H(\alpha_2) + \pi_{A2}^2 = 1. \quad (23)$$

Сравнение (22), (23) приводит к следующему результату:

$$\text{если } H(\alpha_1) > H(\alpha_2), \text{ то } \pi_{A1} < \pi_{A2} \text{ и } \alpha_1 > \alpha_2; \quad (24)$$

$$\text{если } H(\alpha_1) < H(\alpha_2), \text{ то } \pi_{A1} > \pi_{A2} \text{ и } \alpha_1 < \alpha_2; \quad (25)$$

$$\text{если } H(\alpha_1) = H(\alpha_2), \text{ то } \pi_{A1} = \pi_{A2} \text{ и } \alpha_1 = \alpha_2. \quad (26)$$

Итак, (16) – (26) позволяют найти соотношения между ПНЧ  $\alpha_1$  и  $\alpha_2$ , а также между ПНИ  $\pi_{A1}$ ,  $\pi_{A2}$ .

### III. ОЦЕНКА НЕЧЕТКОЙ ЗАГРУЗКИ ПРОЦЕССОРОВ

**Определение загрузки процессора.** Под загрузкой многопоточного многоядерного процессора понимается процент времени, в течение которого выполняется приложение или иное задание. Если этот процент времени представлен как ПНЧ (9), то будем говорить о нечеткой загрузке процессора.

Например, процессор для выполнения приложения предоставляет 100 % своих вычислительных ресурсов, но в процессе его исполнения используется только 88,8 % ресурсов. По определению ПНЧ (9), данный результат воспроизводится таким образом:  $\alpha = (0.188, 0.118)$ . По формулам (10), (11) вычислим функции оценки и точности:

$$S(\alpha) = 0.5(1 + 0.7885 - 0.0139) = 0.8873;$$

$$H(\alpha) = 0.7885 + 0.0139 = 0.8024.$$

По формуле (8) определим ПНИ  $\pi_A$  рассматриваемого ПНЧ:

$$\pi_A = \sqrt{1 - 0.8024} = \sqrt{0.1976} = 0.4445.$$

Согласно табл. I имеем:

$$\pi_A^2 + H(\alpha) = 0.1976 + 0.8024 = 1.$$

В табл. II показаны результаты загрузки одного из первых четырехъядерных процессоров Intel Core 2 Quad Q6600 (2,4 ГГц, 4 потока) при выполнении многопоточного приложения 1, решающего уравнение Лапласа [10]. Многопоточность этого приложения реализована посредством OpenMP. В зависимости от количества потоков измерения производились с помощью команд `grprof`, `time` операционной системы (ОС) LINUX. Считаем, что затраченное время на исполнение приложения 1 только одним потоком, является базовым. По отношению к базовому 2-поточное исполнение приложения 1 позволило ускорить его работу в 3.1 раза, 4-поточное исполнение – уже в 7.5 раз, а 8-поточное – в 4.3 раза. Таким образом, результаты измерений показали максимальную загрузку процессора при 4-поточном исполнении приложения 1.

ТАБЛИЦА II. ВЫПОЛНЕНИЕ ПРИЛОЖЕНИЯ 1

Потоки	Linux time-Real	Linux time – % Change	Linux time-Speedup
1	2	3	4
1	98.275	Base	Base
2	31.440	-68.0%	3.1
4	13.174	-86.6%	7.5
8	22.805	-76.8%	4.3

Согласно формулам (7) – (11) расчеты функций оценки  $S(\alpha_i)$  и точности  $H(\alpha_i)$ , а также  $\pi_i$  для нечеткой загрузки процессора при исполнении приложения 1 в зависимости от числа потоков представлены в табл. III. Для базового однопоточного исполнения приложения 1 имеем:  $H(\alpha_1) = S(\alpha_1) = 1$ ,  $\pi_1 = 0$ .

Отметим, что анализ нечеткой загрузки процессора, выполненный по  $S(\alpha_i)$ ,  $H(\alpha_i)$  и  $\pi_i$  является нечетким. Обозначим число потоков через  $I$ . Тогда для  $\forall i(i = 2, \bar{I})$  определим максимальное  $S(\alpha_i)$  ( $S_{\max}(\alpha_i)$ ), максимальное  $H(\alpha_i)$  ( $H_{\max}(\alpha_i)$ ) и минимальное  $\pi_i$  ( $\pi_{i\min}$ ) по следующему алгоритму 1:

Шаг 1: Вычисление  $\pi_i$  по формуле (8).

Шаг 2: Вычисление  $S(\alpha_i)$  по формуле (10).

Шаг 3: Вычисление  $H(\alpha_i)$  по формуле (11).

Шаг 4: Нахождение  $S_{\max}(\alpha_i)$  по соотношениям (17) – (21).

Шаг 5: Нахождение  $\pi_{i\min}$  по соотношениям (24) – (26) одновременно влечет за собой определение  $H_{\max}(\alpha_i)$  по тем же соотношениям.

Найденные по алгоритму 1  $S_{\max}(\alpha_4)$ ,  $H_{\max}(\alpha_4)$ ,  $\pi_{4\min}$  совместно указывают на максимальную нечеткую загрузку многоядерного процессора. Согласно табл. III максимальная нечеткая загрузка процессора производится при 4-поточном выполнении приложения 1, что соответствует данным табл. II.

Intel является первой компанией, которая реализовала концепцию одновременной многопоточности (Simultaneous Multithreading (SMT)), создав HT – технологию (Hyper – Threading Technology или HT – Technology). По этой технологии ОС рассматривает любое физическое ядро как два логических ядра, обеспечивая тем самым высокий уровень многозадачности. Другой инновацией Intel является использование `big.LITTLE` технологии, по которой высокопроизводительные Р-ядра и энергоэффективные Е-ядра с пониженным энергопотреблением располагаются на одном кристалле процессора. Так Intel Core i9 – 12900К, построенный на архитектуре Alder Lake, имеет на одном кристалле восемь высокопроизводительных Р-ядер с HT-технологией и

восемь энергоэффективных E-ядер. P-ядра рассматриваемого процессора являются 2-поточными, а E – ядра - однопоточными. Таким образом, Intel Core i9-12900K имеет 24 потока (16 +8). Обратим внимание, что Alder Lake располагает аппаратной технологией Intel Thread Director, согласно которой производится телеметрический сбор данных о состоянии процессора и передача их ОС Windows11. Учитывая полученные данные, планировщик ОС принимает решение о распределении потоков по конкретным ядрам процессора.

ТАБЛИЦА III. Нечеткий анализ приложения 1

Потоки	$\alpha_i$	$H(\alpha_i)$	$S(\alpha_i)$	$\pi_i$
1	2	3	4	5
1	$\alpha_1$ 1.0, 0.0	1	1	0
2	$\alpha_2$ 0.68, 0.32	0.56	0.68	0.66
4	$\alpha_3$ 0.866, 0.134	0.77	0.86	0.48
8	$\alpha_4$ 0.768, 0.232	0.64	0.77	0.60

Произведем анализ выполнения одних и тех же приложений на P-ядрах, E-ядрах и покажем загрузку Intel Core i9-12900K при совместном их использовании. Отметим, что во всех рассматриваемых случаях базовая частота процессора составляет 3.9 ГГц.

В табл. IV представлены результаты выполнения приложения 2. В соответствии с алгоритмами машинного обучения данное приложение производит классификацию изображений. Посредством приложения 2 выполнен анализ 2500 фотографий по таким тегам, как «автомобиль», «собака», «цветок». В табл.V показаны расчеты  $S(\alpha_i)$ ,  $H(\alpha_i)$  и  $\pi_i$  для проведения нечеткого анализа приложения 2 [11].

Обозначим минимальные значения функций оценки и точности соответственно через  $S_{\min}(\alpha_i)$  и  $H_{\min}(\alpha_i)$ , а максимальное значение  $\pi_i$  через  $\pi_{i\max}$ . Тогда исходя из архитектурных решений Intel по концепции big. LITTLE нечеткий анализ выполнения приложения 2 на P-ядрах или E-ядрах может производиться по алгоритму 2:

Шаг 1: Выполнение алгоритма 1.

Шаг 2: Анализ ПНЧ  $\alpha_i$ , соответствующего максимальному значению  $S_{\max}(\alpha_i)$ : если  $\mu_i^2 - \nu_i^2 \rightarrow 1$ , то приложение имеет максимальную нечеткую загрузку на P-ядрах с HT-технологией; при отключении HT-технологии – на P-ядрах; в противном случае переход к шагу 3.

Шаг 3: Определение  $S_{\min}(\alpha_i)$ ,  $H_{\min}(\alpha_i)$ ,  $\pi_{i\max}$  по соотношениям (17) – (21), (24) – (26).

Шаг 4: Анализ ПНЧ  $\alpha_i$ , соответствующего минимальному значению  $S_{\min}(\alpha_i)$ :  $\mu_i^2 - \nu_i^2 \rightarrow 0$ , при этом  $S_{\min}(\alpha_i) \rightarrow 0,5$ ; приложение назначается на энергоэффективные E-ядра.

ТАБЛИЦА IV. Выполнение приложения 2

Ядра	Реальное время выполнения, с.	Загрузка ядер, %	Ускорение, количество раз
1	2	3	4
E-ядра	286.8	Base	1
8P-ядра без HT-технологии	228.6	-20.3%	1.25
8P-ядра с HT-технологией	28.1	-90.2%	10.2
Core i9 - 12900K	48.4	-83.12%	5.9

ТАБЛИЦА V. Нечеткий анализ приложения 2

Ядра	$\alpha_i$	$H(\alpha_i)$	$S(\alpha_i)$	$\pi_i$
1	2	3	4	5
E-ядра	$\alpha_1$ 1.0, 0.0	1	1	0
8P-ядра без HT - технологии	$\alpha_2$ 0.2, 0.8	0.7	0.2	0.55
8P-ядра с HT-технологией	$\alpha_3$ 0.9, 0.1	0.82	0.9	0.42
Core i9-12900K	$\alpha_4$ 0.83, 0.17	0.72	0.83	0.53

Найденные по алгоритму 2 для приложения 2  $S_{\max}(\alpha_3)$ ,  $H_{\max}(\alpha_3)$ ,  $\pi_{3\min}$  совместно указывают на максимальную нечеткую загрузку P-ядер с HT-технологией ( $0.9^2 - 0.1^2 = 0.8 \rightarrow 1$ ), что соответствует данным табл. III.

Приложение 3 реализует алгоритм сжатия данных WinRAR. В табл. VI представлены результаты выполнения этого приложения [11]. В табл.VII показаны расчеты  $S(\alpha_i)$ ,  $H(\alpha_i)$  и  $\pi_i$  для проведения нечеткого анализа приложения 3.

ТАБЛИЦА VI. Выполнение приложения 3

Ядра	Реальное время выполнения, с.	Загрузка ядер, %	Ускорение, количество Раз
1	2	3	4
E-ядра	56.27	Base	1
8P-ядра без HT-технологии	27.38	-51.34 %	2.06
Core i9-12900K	20.65	-63.3%	2.7

В соответствии с шагом 2 алгоритма 2 для максимального ПНЧ  $\alpha_3$  определяется разность:  $\mu_3^2 - \nu_3^2 = 0.63^2 - 0.37^2 = 0.26$ . Согласно значению этой разности производится переход к шагу 3. На этом шаге определяются  $S_{\min}(\alpha_2)$ ,  $H_{\min}(\alpha_2)$  и  $\pi_{2\max}$ . Выполним анализ  $\alpha_2: \mu_2^2 - \nu_2^2 = 0.51^2 - 0.49^2 = 0.02 \rightarrow 0$ . Следовательно, приложение 3 необходимо назначить на E-ядра.

ТАБЛИЦА VII. Нечеткий анализ приложения 3

Ядра	$\alpha_i$	$H(\alpha_i)$	$S(\alpha_i)$	$\pi_i$
1	2	3	4	5
E-ядра	$\alpha_1$ 1.0, 0.0	1	1	0
8P-ядра без HT-технологии	$\alpha_2$ 0.51, 0.49	0.5	0.51	0.71
Core i9-12900K	$\alpha_3$ 0.63, 0.37	0.53	0.63	0.69

Нечеткий анализ загрузки ядер Intel Core i9-12900K показывает, что приложения, связанные с большим объемом вычислений в таких областях, как искусственный интеллект, машинное обучение, необходимо назначать на высокопроизводительные P-ядра. В то же время, приложения, не связанные со значительными вычислениями, следует назначать на энергоэффективные E-ядра. Сжатие данных является примером такого приложения. Обозначим нечеткую загрузку процессора через  $FP$ . Тогда по теории ПНЧ  $FP$  можно представить следующим образом:  $FP = \{\alpha_i, S(\alpha_i), H(\alpha_i), \pi_i\}$ .

#### IV. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Согласно теории ПНЧ функции оценки  $S(\alpha_i)$  и точности  $H(\alpha_i)$ , а также пифагоров нечеткий индекс  $\pi_i$  позволяют сравнить выполнение приложений на ядрах процессоров, выполненных по технологии big.LITTLE. На примере архитектурного решения Intel Core i9-12900K показан алгоритм нечеткого анализа загрузки процессора для P-ядер и E-ядер.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] Zadeh L.A. Fuzzy sets // Information and Control. 1965. Т.8. №3. С. 338 – 353.
- [2] Atanassov K.T. Intuitionistic Fuzzy Sets // VII ITKR's Session, Sofia, Central Science and Technical Library, Bulgarian Academy of Sciences 1697/84. 1983.
- [3] Yager R.R. Pythagorean fuzzy subsets // Proceedings of joint IFSA World Congress and NAFIPS Annual Meeting, Edmonton, Canada. 2013. С. 57-61.
- [4] Zhang X., Xu Z. Extension of TOPSIS to multiple criteria decision making with Pythagorean fuzzy sets // International Journal of Intelligent Systems. 2014. Т.29. №12. С. 1061-1078.
- [5] Kachurin Yu.Yu., Kryukov A.V., Kananykhin O.A., Fedorinov A.V. Calculation of contrast for computer simulated resolution chart image // Journal of Physics: Conference Series. 2021. Т. 2127. № 1.
- [6] Dimitrienko Yu., Gubareva E., Tumanov A., Modeling of aeroelastic composite plates vibrations based on asymptotic theory // E3S Web of Conferences. 2023. Т. 376. <https://doi.org/10.1051/e3sconf/202337601039>
- [7] Dimitrienko Yu., Zakharov A., Koryakov M. Simulation of energetic composite materials combustion // E3S Web of Conferences. 2023. Т. 376. <https://doi.org/10.1051/e3sconf/20233760101>
- [8] Kuzenov V.V., Ryzhkov S.V., Varaksin A.Yu. Simulation of Parameters of Plasma Dynamics of a Magneto Plasma Compressor // Applied Sciences (Switzerland). 2023. Т. 13. № 9. <http://dx.doi.org/10.3390/app13095538>
- [9] Blinov A.S., Malastowski N.S., Myagkov L.L. Numerical simulation of transient heat transfer of a catalyst substrate // AIP Conference Proceedings. 2023. Т.2700. <http://dx.doi.org/10.1063/5.0124919>
- [10] Prinslow G. Overview of Performance Measurement and Analytical Modeling Techniques for Multi – core Processors <https://www.cse.wustl.edu/~jain/cse567-11/ftp/multicore/index.html>
- [11] Intel Core i9-12900K E-Cores Only Performance Review. 2021. №19. <https://www.techpowerup.com/review/intel-core-i9-12900k-e-cores-only-performance>